

<> La question:

~~~~~

- +-----+  
| si  $a + b + c = 0$  démontrer que  $ab + ac + bc \leq 0$  |  
+-----+

note:  $a, b$  et  $c \in \mathbb{R}$

<> Raisonnement (par une méthode utilisant une identité remarquable):

~~~~~

- $a + b + c = 0$
- $(a + b + c)^2 = 0$
- $((a + b) + c)^2 = 0$
- $(a + b)^2 + 2*(a + b)*c + c^2 = 0$
- $a^2 + 2ab + b^2 + 2ac + 2bc + c^2 = 0$
- $a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc = 0$
- $a^2 + b^2 + c^2 + 2*(ab + ac + bc) = 0$

- |
+-----> | • le carré d'un nombre est toujours positif
| • la somme des carrés de nombres est toujours positive

- en conséquence, pour que $a^2 + b^2 + c^2 + 2*(ab + ac + bc)$ soit égal à 0
il faut OBLIGATOIREMENT que $ab + ac + bc$ soit négatif (ou nul)

<> FIN